



## **INFORMACIÓN SOBRE LA PAU**

**CURSO 2024/2025**

### **MATEMÁTICAS II**

---

#### **1. COMPETENCIAS ESPECÍFICAS, CRITERIOS DE EVALUACIÓN Y SABERES BÁSICOS.**

El examen de PAU de Matemáticas II se estructura de acuerdo con la normativa vigente según el Real Decreto 243/2022, de 5 de abril, por el que se establecen la ordenación y las enseñanzas mínimas del Bachillerato (BOE del 6 de abril de 2022), el Decreto 60/2022, de 30 de agosto, por el que se regula la ordenación, se establece el currículo de Bachillerato en el Principado de Asturias y el Real Decreto 534/2024 de 11 de junio, por el que se regulan los requisitos de acceso a las enseñanzas universitarias oficiales de Grado, las características básicas de la prueba de acceso y la normativa básica de los procedimientos de admisión. En el primero de ellos, se recogen las competencias específicas, criterios de evaluación, y saberes básicos de esta materia (BOPA del 1 de septiembre de 2022).

Esta materia se estructura en dos cursos en los cuales se pretende no solo alcanzar saberes científicos y técnicos sino aunar estos con un enfoque competencial muy diverso. Dado que la normativa actual recoge sólo los epígrafes generales de los bloques de saberes, sin las matrices de especificaciones, se concretará a continuación los saberes básicos de los distintos Bloques de esta materia, así como los contenidos asociados.



### **Bloque A. Sentido numérico:**

- Adición y producto de vectores y matrices: interpretación, comprensión y uso adecuado de las propiedades.
- Estrategias para operar con números reales, vectores y matrices: cálculo mental o escrito en los casos sencillos y con herramientas tecnológicas en los casos más complicados.
- Conjuntos de vectores y matrices: estructura comprensión y propiedades

### **Contenidos asociados:**

- Operaciones con matrices y vectores.
- Matriz traspuesta
- Rango, determinante de una matriz, propiedades.
- Matriz inversa.
- Combinaciones lineales de vectores.

### **Bloque B. Sentido de la medida**

- Resolución de problemas que impliquen medidas de longitud, superficie o volumen en un sistema de coordenadas cartesianas.
- Interpretación de la integral definida como el área bajo una curva.
- Cálculo de áreas bajo una curva: técnicas elementales para el cálculo de primitivas.
- Técnicas para la aplicación del concepto de integral a la resolución de problemas que impliquen cálculo de superficies planas o volúmenes de revolución.
- La probabilidad como medida de la incertidumbre asociada a fenómenos aleatorios: interpretación subjetiva, clásica y frecuentista.
- Derivadas: interpretación y aplicación al cálculo de límites.
- Aplicación de los conceptos de límite, continuidad y derivabilidad a la representación y al estudio de situaciones susceptibles de ser modelizadas mediante funciones.



- La derivada como razón de cambio en la resolución de problemas de optimización en contextos diversos.

### **Contenidos asociados**

- Continuidad y discontinuidad de funciones: tipos de discontinuidades.
- Derivación e integración de una función
- Cálculo de primitivas
- Área de una región encerrada por curvas sencillas, como aplicación de la integral definida.
- Cálculo de límites y cálculo de límites utilizando el teorema de L'Hôpital
- Representación de funciones
- Interpretación de una gráfica
- Cálculo de asíntotas de una función
- Optimización utilizando la derivada

### **Bloque C. Sentido espacial**

- Objetos geométricos de tres dimensiones: análisis de las propiedades y determinación de sus atributos.
- Resolución de problemas relativos a objetos geométricos en el espacio representados con coordenadas cartesianas.
- Relaciones de objetos geométricos en el espacio: representación y exploración con ayuda de herramientas digitales.
- Expresiones algebraicas de los objetos geométricos en el espacio: selección de la más adecuada en función de la situación a resolver.
- Representación de objetos geométricos en el espacio mediante herramientas digitales.
- Modelos matemáticos (geométricos, algebraicos.) para resolver problemas en el espacio. Conexiones con otras disciplinas y áreas de interés.



- Conjeturas geométricas en el espacio: validación por medio de la deducción.
- Modelización de la posición y el movimiento de un objeto en el espacio utilizando vectores.

### **Contenidos asociados**

- Vectores: Producto escalar, producto vectorial y producto mixto.
- Rectas y planos en el espacio.
- Punto medio de un segmento
- Posiciones relativas de rectas y planos.
- Propiedades métricas (ángulos, distancias, áreas y volúmenes)

### **Bloque D. Sentido algebraico**

- Relaciones cuantitativas en situaciones complejas: estrategias de identificación y determinación de la clase o clases de funciones que pueden modelizarlas.
- Sistemas de ecuaciones: modelización de situaciones en diversos contextos.
- Técnicas y uso de matrices para, al menos, modelizar situaciones en las que aparezcan sistemas de ecuaciones lineales o grafos.
- Discusión y resolución de sistemas de ecuaciones en diferentes contextos.
- Representación, análisis e interpretación de funciones con herramientas digitales.
- Propiedades de las distintas clases de funciones: comprensión y comparación.
- Análisis algorítmico de las propiedades de las operaciones con matrices, los determinantes y la resolución de sistemas de ecuaciones lineales.

### **Contenidos asociados**

- Modelización de una situación a través de un sistema de ecuaciones
- Expresión matricial de un sistema



- Discusión y resolución de un sistema de ecuaciones lineales, con o sin parámetro. (1 a lo sumo)
- Cálculo de la solución general de un sistema y de una particular.

### **Bloque E. Sentido estocástico**

- Cálculo de probabilidades en experimentos compuestos. Probabilidad condicionada e independencia de sucesos aleatorios. Diagramas de árbol y tablas de contingencia.
- Teoremas de la probabilidad total y de Bayes: resolución de problemas e interpretación del teorema de Bayes para actualizar la probabilidad a partir de la observación y la experimentación y la toma de decisiones en condiciones de incertidumbre.
- Variables aleatorias discretas y continuas. Parámetros de la distribución.
- Modelización de fenómenos estocásticos mediante las distribuciones de probabilidad binomial y normal. Cálculo de probabilidades asociadas mediante herramientas tecnológicas.

### **Contenidos asociados**

- Sucesos aleatorios
- Cálculo de probabilidades
- Probabilidad Regla de Laplace
- Técnicas de recuento (sólo para el cálculo de probabilidades)
- Probabilidad condicionada
- Teorema de las probabilidades totales y teorema de Bayes
- Distribución discreta: Media, varianza, desviación típica
- Distribución binomial
- Distribución normal, tipificación
- Aproximación de la Distribución Binomial por la Distribución Normal



### **Bloque F. Sentido socioafectivo**

- Destrezas de autogestión encaminadas a reconocer las emociones propias, afrontando eventuales situaciones de estrés y ansiedad en el aprendizaje de las matemáticas.
- Tratamiento y análisis del error, individual y colectivo como elemento movilizador de saberes previos adquiridos y generador de oportunidades de aprendizaje en el aula de matemáticas.
- Destrezas para evaluar diferentes opciones y tomar decisiones en la resolución de problemas y tareas matemáticas.
- Valoración de la contribución de las Matemáticas y el papel de los matemáticos a lo largo de la historia en el avance de la ciencia y la tecnología.

#### **Contenidos asociados**

- Consideramos que este bloque queda distribuido entre el resto de los bloques y no puede ser evaluado como tal en una prueba de este tipo

## **2. ESTRUCTURA DE LA PRUEBA Y MATERIALES NECESARIOS**

La prueba constará de cuatro preguntas, cada estudiante responderá a **cuatro** de las cinco preguntas que se proponen. De cada una de las seleccionadas conteste **una única opción, A o B**. Todas las preguntas se calificarán con un máximo de **2.5 puntos**. Todas las preguntas serán de tipo abierto, teniendo en cuenta que esta categoría de preguntas, según la Orden PCM/58/2022, se define de la siguiente manera:

- ✓ **Abiertas:** Preguntas que exigen construcción por parte de la/del alumno/o y que no tienen una sola respuesta correcta inequívoca. Se engloban en este tipo las producciones escritas y las composiciones plásticas.

Se velará por la adopción de las medidas necesarias para asegurar la igualdad de oportunidades, no discriminación y accesibilidad universal del alumnado con necesidades educativas especiales



derivadas de discapacidad, adaptando la prueba a los requerimientos de la/del estudiante según el informe psicopedagógico aportado por el centro y que deberá ser coherente con las medidas aplicadas durante la etapa del Bachillerato.

Para el desarrollo de la prueba el alumnado dispondrá del material siguiente:

- Una única hoja DNI-A3 en la que realizará la resolución del ejercicio elegido (entre las opciones propuestas)
- Únicamente podrá utilizar bolígrafo azul o negro de tinta indeleble. No están permitidos los bolígrafos de otros colores, los de tinta borrable y los lápices. Se podrá utilizar regla y líquido corrector.
- Se les facilitará una única hoja DIN-A4 de borrador como apoyo para anotaciones, operaciones, gráficos, etc., que les ayude a la resolución de la prueba. Esta hoja borrador NO formará parte del examen y no se recogerá junto con el ejercicio.

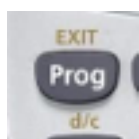
En la realización del examen se permitirá el uso de una única calculadora, siempre que no presente alguna de las siguientes prestaciones: posibilidad de transmitir datos, programable, pantalla gráfica, resolución de ecuaciones, operaciones con matrices, cálculo de determinantes, derivadas e integrales, almacenamiento de datos alfanuméricos.

Como orientación, las calculadoras que presentan alguna de las siguientes teclas estarán prohibidas:

- Resolver integrales u operar con matrices
- Cálculo simbólico (resolver ecuaciones)



- Representación gráfica. Estas suelen tener pantallas muy grandes
- Programar



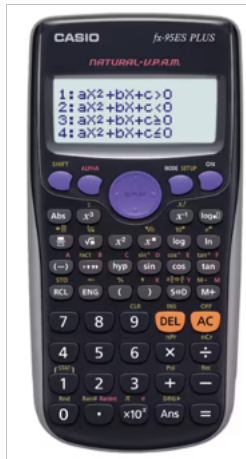


- Por otro lado, los modelos fx-350SP X y fx-350LA PLUS de Casio no presentan ninguna de las teclas anteriores, pero permiten realizar cálculo matricial, por lo que tampoco están permitidas.

Fx-350LA PLUS



Fx-95ES PLUS



Fx-50SP X



## CRITERIOS GENERALES DE EVALUACIÓN Y CALIFICACIÓN

La calificación otorgada a cada pregunta/apartado deberá ser, salvo excepciones, en fracciones mínimas de 0,25 puntos, y la calificación de la prueba se expresará en una escala de 0 a 10 puntos.

Los objetivos generales que se pretenden valorar en el examen son:

- Capacidad de transcribir los problemas cotidianos, expresados en un lenguaje usual, al lenguaje matemático.
- Capacidad de interpretar desde un punto de vista práctico el significado de las soluciones obtenidas y de obtener conclusiones a partir de dichas soluciones.
- Conocimiento y manejo con soltura de las técnicas de Álgebra, Análisis, Geometría y Probabilidad y Estadística que constituyen el currículo de la asignatura 'Matemáticas II'.





Para obtener la puntuación máxima se deberá responder razonadamente a todos los apartados de las preguntas, por cualquier método siempre que sea correcto y debidamente justificado.

Los problemas planteados, en general estarán relacionados con los siguientes sentidos evaluados

Ejercicios	Sentidos evaluados	Puntuación	Contenidos principales
P1 (2 opciones)	A, D y F	2.5	Matrices, vectores, sistemas
P2 (2 opciones)	B, D y F	2.5	Límites, derivadas, continuidad. Representación de funciones
P3 (2 opciones)	B, D y F	2.5	Integrales y sus aplicaciones. Cálculo de áreas y primitivas
P4 (2 opciones)	B, C y F	2.5	Geometría en el plano y en el espacio
P5 (2 opciones)	B, E y F	2.5	Probabilidad y estadística

## MATEMÁTICAS II

- Responda en el pliego en blanco a **cuatro** de las cinco preguntas que se proponen. De cada una de las seleccionadas conteste **una única opción** A o B. Todas las preguntas se calificarán con un máximo de **2,5 puntos**
- Agrupaciones de preguntas que sumen más de 10 puntos o que no coincidan con las indicadas conllevarán la **anulación** de la(s) última(s) pregunta(s) seleccionada(s) y/o respondida(s)

**Pregunta 1. Opción A.** Has llegado a la Universidad y decides hacer una fiesta con tus compañeros de clase para conocerlos. Para ello debes conseguir dinero. Tres estudiantes del grupo decidís fabricar pulseras, collares y marcapáginas para venderlos e intentar conseguir lo que necesitáis. Para fabricarlas, Luis compra el material necesario para hacer 20 pulseras y 20 collares a juego, Ana el de 30 pulseras, 20 collares y 10 marca páginas. Para decidir a qué precio se debe vender cada producto miras los tickets de compra, pero sólo pone el precio final, 60 € el ticket de Luis y 90 € el de Ana.

(a) **(1 punto)** Plantea un sistema de ecuaciones lineal que modelice el problema y escríbelo matricialmente especificando quién es la matriz de coeficientes y la matriz ampliada.

(b) **(1 punto)** Con los datos dados, ¿pueden saber cuánto cuesta el material para producir cada artículo? Luis dice 'creo que ha costado 10 € el material para cada marca páginas' y Ana le dice 'eso no puede ser' ¿Quién tiene razón?

(c) **(0.5 puntos)** Se venden los collares a 5€ y las pulseras a 4 €. ¿Cuál debe ser el precio de los marca páginas para que se obtengan exactamente 420 € tras la venta completa?

**Pregunta 1. Opción B.** Sea  $x \in \mathbb{R}$  y las matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & x \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ -1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$ .

(a) **(1.25 puntos)** Calcula en caso de que sea posible  $AB$  y  $BA$  especificando el tamaño y el rango de la matriz resultante.

(b) **(1.25 puntos)** Calcula el determinante de  $A$  y los valores de  $x$  para los cuales existe su inversa. Calcula cuando sea posible  $\det(A^{-1})$ .

**Pregunta 2. Opción A.** Se considera la función  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{1 - x^2}$ .

(a) **(1 punto)** Calcula el dominio de la función  $f$  y sus asíntotas.

(b) **(1 punto)** Halla en caso de que existan, los máximos y mínimos y puntos de inflexión. Calcula los intervalos de crecimiento y decrecimiento.

(c) **(0.5 puntos)** Utilizando los apartados anteriores, realiza un esbozo de la gráfica de  $f$ .

**Pregunta 2. Opción B.** (2.5 puntos) Se dispone de una placa circular de 4 metros de radio, de la que se pretende obtener una pieza rectangular de área máxima. Sabiendo que el centro del rectángulo estará en el centro de la placa, calcule la longitud de los lados del rectángulo y el área del mismo. (Ayuda: la ecuación de la circunferencia de centro en el punto  $(a, b)$  radio  $r$  es  $(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$ .)

**Pregunta 3. Opción A.** Dada la función  $f(x) = \cos^4(x) \operatorname{sen}(x)$ .

(a) **(1.25 puntos)** Calcula una primitiva de  $f$  que pase por el punto  $\left(\frac{\pi}{2}, 0\right)$ .

(b) **(1.25 puntos)** Calcula el área limitada por  $f$ , el eje  $X$  y las rectas  $x = 0$  y  $x = \pi$ .

**Pregunta 3. Opción B.** Dos drones están realizando un vuelo de forma que las alturas de cada uno de ellos viene dado por las funciones  $h_1(t) = 36/t$  y  $h_2(t) = t^3 + 5t$  de tiempo, con  $t \in [1, 4]$ .

(a) **(0.5 puntos)** Calcula los instantes en los que los dos drones se encuentran a la misma altura.

(b) **(1 punto)** Calcula los puntos de máxima altura de los dos.

(c) **(1 punto)** Calcula el área acotada encerrada entre ambas curvas.

---

---

**Pregunta 4. Opción A.** Se consideran los puntos  $A = (2, 1, 3)$  y  $B = (0, -1, 1)$ .

(a) **(1.25 puntos)** Encuentra la ecuación del plano  $\pi$  que cumple que los dos puntos son simétricos respecto a él.

(b) **(1.25 puntos)** Dado el plano  $\pi' \equiv x + y + z = 3$ , razona valores de  $y$  y de  $z$  para que  $C = (2, y, z) \in \pi'$  y la distancia de  $C$  a  $A$  sea de 3 unidades.

**Pregunta 4. Opción B.** Se consideran los puntos  $P = (1, 1, 1)$ ,  $Q = (1, 0, 1)$  y el vector  $\vec{v} = (1, -1, 1)$ .

(a) **(0.75 puntos)** Calcula la ecuación continua de la recta  $r$  que pasa por  $P$  y en la dirección de  $\vec{v}$ .

(b) **(0.75 puntos)** Calcula las ecuaciones de la recta  $s$  que corta a  $r$  perpendicularmente y que pasa por  $Q$ .

(c) **(1 punto)** Calcula la ecuación del plano que contiene a las rectas  $r$  y  $s$ .

---

---

---

---

**Pregunta 5. Opción A.** Estás jugando a un juego online consistente en lanzar bolas a una diana. El juego te asigna un personaje al azar de 10 posibles, 4 de ellos son azules y los 6 restantes rojos. La probabilidad de que un personaje azul de en la diana es 0.95, mientras que si el personaje es rojo es de 0.65.

(a) **(1.25 puntos)** ¿Cuál es la probabilidad de que aciertes?

(b) **(1.25 puntos)** Haces un lanzamiento y aciertas en la diana, ¿qué es más probable que tengas un personaje azul o rojo?

**Pregunta 5. Opción B.** En una comunidad autónoma se pretende medir el nivel de conocimientos en matemáticas de estudiantes de cuarto de ESO. Para ello se realiza un examen tipo test con 100 preguntas y en cada una de ellas debe decidirse si la afirmación es verdadera o falsa. Un estudiante decide responder al azar a todas las preguntas.

(a) **(0.75 puntos)** Comprueba que el número de respuestas acertadas puede ser aproximada por una distribución normal y decide los parámetros que la describen.

(b) **(0.75 puntos)** Utilizando la aproximación anterior, calcula la probabilidad de que un estudiante que haya respondido al azar obtenga más de un 6, es decir, que tenga al menos 60 aciertos.

(c) **(1 punto)** Supongamos que se reduce el número de preguntas del examen a 10. Calcula la probabilidad de que un estudiante que responde al azar acierte 5 preguntas.

---

---

\* Algunos valores de la función de distribución  $N(0, 1)$  son:  $F(x) = P(Z \leq x)$ ,  $F(0) = 0.5$ ,  $F(0.5) = 0.6915$ ,  $F(0.6915) = 0.7549$ ,  $F(2) = 0.9772$ ,  $F(1.9) = 0.9713$ ,  $F(0.34) = 0.6331$ ,  $F(0.35) = 0.6455$ ,  $F(0.9772) = 0.8340$ .

En caso de que tu valor no coincida con los mostrados, toma el más cercano.

---

---



#### 4. CRITERIOS ESPECÍFICOS DE CORRECCIÓN Y MODELO DE EXAMEN RESUELTO

**Pregunta 1. Opción A.** Has llegado a la Universidad y decides hacer una fiesta con tus compañeros de clase para conocerlos. Para ello debes conseguir dinero. Tres estudiantes del grupo decidís fabricar pulseras, collares y marcapáginas para venderlos e intentar conseguir lo que necesitáis. Para fabricarlas, Luis compra el material necesario para hacer 20 pulseras y 20 collares a juego, Ana el de 30 pulseras, 20 collares y 10 marca páginas. Para decidir a qué precio se debe vender cada producto miras los tickets de compra, pero sólo pone el precio final, 60 € el ticket de Luis y 90 € el de Ana.

(a) **(1 punto)** Plantea un sistema de ecuaciones lineal que modelice el problema y escríbelo matricialmente especificando quién es la matriz de coeficientes y la matriz ampliada.

(b) **(1 punto)** Con los datos dados, ¿pueden saber cuánto cuesta el material para producir cada artículo? Luis dice ‘creo que ha costado 10 € el material para cada marca páginas’ y Ana le dice ‘eso no puede ser’ ¿Quién tiene razón?

(c) **(0.5 puntos)** Se venden los collares a 5€ y las pulseras a 4 €. ¿Cuál debe ser el precio de los marca páginas para que se obtengan exactamente 420 € tras la venta completa?

---

Solución:

Llamaremos ‘x’ a la variable precio del material para realizar un collar, ‘y’ al precio para realizar una pulseras y ‘z’ precio de cada marca páginas.

(a) **(1 punto)** Lo que ha costado el material de Luis estará distribuido entre 20 pulseras a un coste de x € cada una, es decir, se ha gastado 20x en material para fabricar pulseras y 20y para collares. Como su tique de compra es de 60 €, se tiene la ecuación:

$$20x + 20y = 60$$

Siguiendo el mismo proceso con la compra de Ana se tiene:

$$30x + 20y + 10z = 90$$



Por lo que el sistema buscado es:

$$\left. \begin{array}{l} 20x + 20y = 60 \\ 30x + 20y + 10z = 90 \end{array} \right\} \rightarrow \begin{pmatrix} 20 & 20 & 0 \\ 30 & 20 & 10 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 60 \\ 90 \end{pmatrix}$$

Así, las matrices de coeficientes y ampliada son:

$$A = \begin{pmatrix} 20 & 20 & 0 \\ 30 & 20 & 10 \end{pmatrix}; \quad Ab = \left( \begin{array}{ccc|c} 20 & 20 & 0 & 60 \\ 30 & 20 & 10 & 90 \end{array} \right)$$

(b) **(1 punto)** Como el sistema tiene menos ecuaciones que incógnitas no puede ser compatible determinado, en consecuencia, con los datos aportados no podríamos encontrar esa solución. Calculemos la solución paramétrica en caso de que exista:

$$Ab = \left( \begin{array}{ccc|c} 20 & 20 & 0 & 60 \\ 30 & 20 & 10 & 90 \end{array} \right) \xrightarrow{F_1 \rightarrow F_1/20} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 0 & 3 \\ 30 & 20 & 10 & 90 \end{array} \right) \xrightarrow{F_2 \rightarrow F_2 - 30F_1} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & -10 & 10 & 0 \end{array} \right) \\ \xrightarrow{F_2 \rightarrow F_2 / (-10)} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & 1 & -1 & 0 \end{array} \right) \xrightarrow{F_1 \rightarrow F_1 - F_2} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 1 & 9 \\ 0 & 1 & -1 & 0 \end{array} \right)$$

Por lo que una solución sería:

$$\left. \begin{array}{l} x = 9 - \alpha \\ y = \alpha \\ z = \alpha \end{array} \right\} \forall \alpha \in \mathbb{R}$$

Esta es la solución del sistema, pero en el problema real  $x$ ,  $y$ ,  $z$  deben ser números positivos. Por lo tanto, de la primera igualdad se tiene que  $\alpha \leq 9$ , de la segunda y la tercera,  $\alpha \geq 0$ , por lo que las únicas soluciones posibles corresponden a  $\alpha \in [0, 9]$ , por lo que  $z$  no puede valer 10.

(c) **(0.5 puntos)** Sabemos que se fabrican 50 pulseras y 40 collares, por lo tanto el dinero obtenido en esas condiciones es  $50 \times 4 + 40 \times 5 = 400$  €. Así  $420 - 400 = 20$  Y se debe obtener 20 € por la venta de los marca páginas, esto es  $10z = 20$  y los marcapáginas deberían venderse a 2 €.



**Pregunta 1. Opción B.** Sea  $x \in \mathbb{R}$  y las matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & x \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ -1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$ .

(a) **(1.25 puntos)** Calcula en caso de que sea posible  $AB$  y  $BA$  especificando el tamaño y el rango de la matriz resultante.

(b) **(1.25 puntos)** Calcula el determinante de  $A$  y los valores de  $x$  para los cuales existe su inversa. Calcula cuando sea posible  $\det(A^{-1})$ .

Solución:

(a) **(1.25 puntos)**  $AB$  no puede realizarse, ya que el número de columnas de  $A$ , 3, no coincide con el número de filas de  $B$ , 2. Sí puede realizarse  $BA$  ya que  $B$  tiene 3 columnas y  $A$  tres filas. El producto sería:

$$BA = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ -1 & -1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & x \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 2x+6 \\ 4 & -2 & 2x-6 \end{pmatrix}$$

La matriz resultante tiene tamaño  $2 \times 3$  y su rango es 2 ya que  $\det \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 4 & -2 \end{pmatrix} = -16 \neq 0$

(b) **(1.25 puntos)** Calculemos el determinante de  $A$ :

$$\begin{aligned} \det(A) &= \det \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & x \end{pmatrix} \stackrel{\substack{= \\ F_2 + F_1 \\ F_3 - 2F_1}}{=} \det \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 6 \\ 0 & -4 & x-6 \end{pmatrix} \stackrel{=}{=} \det \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 6 \\ 0 & 0 & x+6 \end{pmatrix} \\ &= \det \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 6 \\ 0 & 0 & x+6 \end{pmatrix} = 2(x+6) \end{aligned}$$

Por lo tanto,  $A$  tiene inversa para cualquier valor de  $x \neq -6$ .



El determinante de una matriz y el de su inversa son inversos, por lo tanto, si  $x \neq -6$ ,  
$$\det(A^{-1}) = \frac{1}{2(x+6)}.$$

**Pregunta 2. Opción A.** Se considera la función  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{1 - x^2}$ .

- (a) **(1 punto)** Calcula el dominio de la función  $f$  y sus asíntotas.
- (b) **(1 punto)** Halla en caso de que existan, los máximos y mínimos y puntos de inflexión. Calcula los intervalos de crecimiento y decrecimiento.
- (c) **(0.5 puntos)** Utilizando los apartados anteriores, realiza un esbozo de la gráfica de  $f$ .

Solución:

(a) **(1 punto)** La función  $f$  es un cociente de polinomios, por lo tanto su dominio es todo  $\mathbb{R}$  salvo aquellos valores que anule el denominador. De esta forma  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$

Asíntotas horizontales:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 1}{1 - x^2} = -1$$
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 + 1}{1 - x^2} = -1$$

Por lo tanto la función tiene una asíntota horizontal en  $y = -1$ .

Asíntotas verticales:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + 1}{1 - x^2} = +\infty$$
$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 1}{1 - x^2} = +\infty$$

Por lo tanto tiene dos asíntotas verticales:  $x = 1$  y  $x = -1$ .

No tiene asíntotas oblicuas.

(b) **(1 punto)** Para resolver este apartado, necesitamos calcular la derivadas de la función.

$$f'(x) = \frac{2x(1 - x^2) - (x^2 + 1)(-2x)}{(1 - x^2)^2} = \frac{4x}{(1 - x^2)^2}$$

El único punto crítico es  $x = 0$ , que es el único valor que anula la derivada.

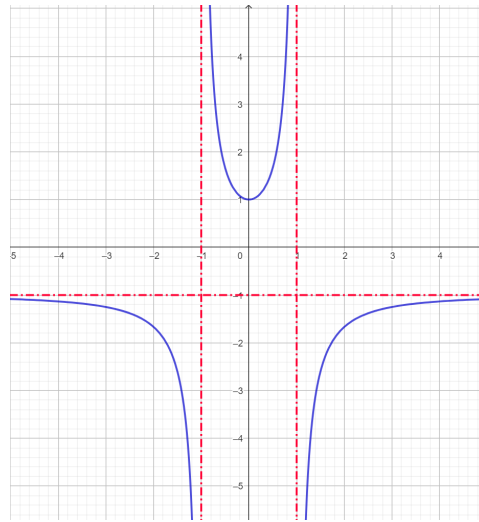
$$f''(x) = \frac{4(1 - x^2)^2 - 4x2(-2x)(1 - x^2)}{(1 - x^2)^4} = \frac{12x^2 + 4}{(1 - x^2)^3} \rightarrow f''(0) = 4 > 0$$



por lo tanto la función tiene un mínimo relativo en  $x = 0$ , donde la función vale  $f(0) = 1$ .

Como  $f'(x) < 0$  si  $x < 0$  y  $f'(x) > 0$  si  $x > 0$ , por lo tanto la función es decreciente para  $x < 0$  y creciente en caso contrario.

(c) (0.5 puntos)

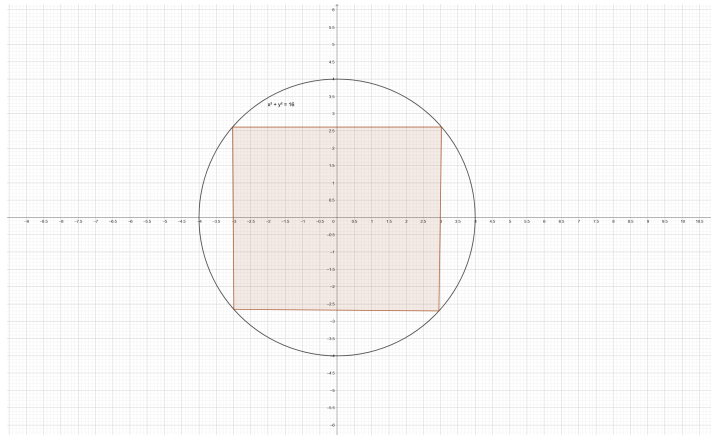


**Pregunta 2. Opción B.** Se dispone de una placa circular de 4 metros de radio, de la que se pretende obtener una pieza rectangular de área máxima. Sabiendo que el centro del rectángulo estará en el centro de la placa, calcule la longitud de los lados del rectángulo y el área del mismo. (Ayuda: la ecuación de la circunferencia de centro en el punto  $(a, b)$  radio  $r$  es  $(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$ .)

Solución:

Si dibujamos la placa circular centrada en el origen, y suponemos que el rectángulo tiene sus vértices sobre la circunferencia, podemos decir que cada vértice está situado en los puntos que verifican  $x^2 + y^2 = 16$ . Además, dado que el centro de la placa está en el centro de la circunferencia, los vértices tendrían coordenadas  $(-x, -y)$ ,  $(x, -y)$ ,  $(x, y)$  y  $(-x, y)$ .





Vamos a simplificar el problema, maximizando el área del rectángulo que se encuentra en el primer cuadrante. Este área sería  $a(x, y) = x \cdot y$ , para  $x, y \geq 0$ .

Como los puntos verifican la ecuación de la circunferencia  $y = \sqrt{16 - x^2}$  por lo que la función área sería:  $a(x) = x\sqrt{16 - x^2}$ . Derivamos y obtenemos:

$$a'(x) = \sqrt{16 - x^2} - x \frac{2x}{2\sqrt{16 - x^2}} = \frac{x^2 - 16 + x^2}{\sqrt{16 - x^2}} = \frac{2x^2 - 16}{\sqrt{16 - x^2}}$$

Para calcular el máximo haremos  $a'(x) = 0 \rightarrow 2x^2 = 16 \rightarrow x = \pm 2\sqrt{2}$ . Tomamos sólo el valor positivo, ya que estábamos trabajando sólo con el primer cuadrante.

Veamos que se trata de un máximo:

$$a''(x) = \frac{4x^2\sqrt{16 - x^2} - (2x^2 - 16) \frac{-2x}{2\sqrt{16 - x^2}}}{16 - x^2}$$

Sustituyendo para  $x = 2\sqrt{2}$  sabiendo que  $x^2 = 8$  se tiene que  $a''(2\sqrt{2}) = -4 < 0$  por lo que se trata de un máximo. El valor de  $y$  es  $y = \sqrt{16 - (2\sqrt{2})^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$  y por tanto los vértices del rectángulo pedido son:  $(2\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$ ,  $(-2\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$ ,  $(-2\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$ ,  $(2\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$ , y el área es  $4 \cdot 2\sqrt{2} \cdot 2\sqrt{2} = 32$ .

---

**Pregunta 3. Opción A.** Dada la función  $f(x) = \cos^4(x) \operatorname{sen}(x)$ .

(a) (1.25 puntos) Calcula una primitiva de  $f$  que pase por el punto  $(\frac{\pi}{2}, 0)$ .



(b) **(1.25 puntos)** Calcula el área limitada por  $f$ , el eje X y las rectas  $x = 0$  y  $x = \pi$ .

Solución:

(a) Debemos calcular  $I = \int \cos^4(x) \sin(x) dx$ , para ello haremos el cambio de variable  $\cos(x) = t$  por lo que  $-\sin(x) dx = dt$  y

$$I = \int \cos^4(x) \sin(x) dx = \int -t^4 dt = -\frac{t^5}{5} + K = -\frac{1}{5} \cos^5(x) + K$$

Como queremos que pase por el punto  $\left(\frac{\pi}{2}, 0\right)$  entonces  $-\frac{1}{5} \cos^5\left(\frac{\pi}{2}\right) + K = 0$  por lo que  $K = 0$ .

(b) Dado que  $\cos^4(x)$  es positivo para todo  $x$  y  $\sin(x)$  es positivo en el intervalo  $[0, \pi]$ , el área pedida es

$$I = \int_0^{\pi} \cos^4(x) \sin(x) dx = -\frac{1}{5} \cos^5(x) \Big|_0^{\pi} = -\frac{1}{5} \cos^5(\pi) + \frac{1}{5} \cos^5(0) = \frac{2}{5}$$

**Pregunta 3. Opción B.** Dos drones están realizando un vuelo de forma que las alturas de cada uno de ellos viene dado por las funciones  $h_1(t) = 36/t$  y  $h_2(t) = t^3 + 5t$  de tiempo, con  $t \in [1, 4]$ .

(a) **(0.5 puntos)** Calcula los instantes en los que los dos drones se encuentran a la misma altura.

(b) **(1 punto)** Calcula los puntos de máxima altura de los dos.

(c) **(1 punto)** Calcula el área acotada encerrada entre las gráficas  $h_1$  y  $h_2$  y el eje OX.

Solución:

(a) Para ello resolvamos la ecuación  $h_1(t) = h_2(t)$ .

$$\frac{36}{t} = t^3 + 5t \rightarrow t^4 + 5t^2 - 36 = 0 \rightarrow t^2 = \frac{-5 \pm \sqrt{25 + 144}}{2} = \frac{-5 \pm 13}{2}$$

Por lo tanto, las posibles soluciones son  $t^2 = 4$  y  $t^2 = -18$ . Esta última es imposible, ya que el cuadrado de un número real no puede ser negativo. Por lo tanto,  $t = \pm 2$ . Dado que  $t$  es positivo, el instante en que están a la misma altura es  $t = 2$ .



(b)  $h_1'(t) = \frac{-36}{t^2}$  y no se anula nunca, por lo tanto la función es monótona. Como  $h_1'(t)$  es negativo para todo  $x$  la función es siempre decreciente, por lo tanto el momento de máxima altura es  $t = 2$ .

$h_2'(t) = 3t^2 + 5$  no se anula nunca y es positivo para todo  $t$ , por lo que la función es creciente. El punto de máxima altura se encontrará en el instante  $t = 4$ .

(c) De los apartados anteriores se deduce que en el intervalo  $[1, 2]$  es  $h_2$  la gráfica que se encuentra por encima, y en el intervalo  $[2, 4]$  es  $h_1$  la gráfica que se encuentra por debajo. Por tanto el área pedida es:

$$\begin{aligned} A &= \int_1^2 h_2(t) dt + \int_2^4 h_1(t) dt = \int_1^2 (t^3 + 5t) dt + \int_2^4 \frac{36}{t} dt = \left. \frac{t^4}{4} + \frac{5t^2}{2} \right|_1^2 + 36 \log(t) \Big|_2^4 = \\ &= 36 (\log(4) - \log(2)) = 36 \log\left(\frac{4}{2}\right) = 36 \log(2) (\approx 36.2033) \end{aligned}$$

---

**Pregunta 4. Opción A.** Se consideran los puntos  $A = (2, 1, 3)$  y  $B = (0, -1, 1)$ .

(a) **(1.25 puntos)** Encuentra la ecuación del plano  $\pi$  que cumple que los dos puntos son simétricos respecto a él.

(b) **(1.25 puntos)** Dado el plano  $\pi' \equiv x + y + z = 3$ , razona valores de  $y$  y de  $z$  para que  $C = (2, y, z) \in \pi'$  y la distancia de  $C$  a  $A$  sea de 3 unidades.

---

Solución:

(a) **(1.25 puntos)** El plano pasará por el punto medio de  $A$  y  $B$  y será ortogonal al vector  $\overrightarrow{AB}$ .

El punto medio es:

$$PM = \frac{1}{2} ((2, 1, 3) + (0, -1, 1)) = (1, 0, 2)$$

El vector que une los puntos  $A$  y  $B$  es:

$$\overrightarrow{AB} = (0, -1, 1) - (2, 1, 3) = (-2, -2, -2)$$

Así que el plano pedido es:

$$-2x - 2y - 2z + D = 0 \rightarrow -2 \times 1 - 2 \times 0 - 2 \times 2 + D = 0 \rightarrow D = 6$$



$$\pi \equiv -2x - 2y - 2z + 6 = 0 \rightarrow \pi \equiv x + y + z - 3 = 0$$

(b) **(1.25 puntos)** Como C pertenece a  $\pi'$  entonces  $2 + y + z - 3 = 0$ , lo que quiere decir que  $y = 1 - z$ .

La distancia de C a A es:  $\sqrt{(0^2 + (1 - z - 1)^2 + (z - 3)^2)} = 3$

$$z^2 + (z - 3)^2 = 9 \rightarrow z^2 + z^2 - 6z + 9 = 9 \rightarrow 2z^2 - 6z = 0$$

Por lo tanto se tienen dos soluciones posibles:  $z = 0$  que llevaría al punto  $(2, 1, 0)$  y  $z = 3$ , con el que se obtiene el punto  $(2, -2, 3)$ .

---

**Pregunta 4. Opción B.** Se consideran los puntos  $P = (1, 1, 1)$ ,  $Q = (1, 0, 1)$  y el vector  $\vec{v} = (1, -1, 1)$ .

(a) **(0.75 puntos)** Calcula la ecuación continua de la recta  $r$  que pasa por P y en la dirección de  $\vec{v}$ .

(b) **(0.75 puntos)** Calcula las ecuaciones de la recta  $s$  que corta a  $r$  perpendicularmente y que pasa por Q.

(c) **(1 punto)** Calcula la ecuación del plano que contiene a las rectas  $r$  y  $s$ .

---

Solución:

(a) **(0.75 puntos)** La ecuación vectorial de la recta sería:

$$r \equiv (x, y, z) = (1, 1, 1) + \lambda(1, -1, 1)$$

y su ecuación paramétrica es:

$$\left. \begin{array}{l} x = 1 + \lambda \\ y = 1 - \lambda \\ z = 1 + \lambda \end{array} \right\}$$

Ecuación continua:

$$x - 1 = 1 - y = z - 1$$



(b) **(0.75 puntos)** El punto de  $r$  que pertenece también a  $s$  será de la forma  $(1 + \lambda, 1 - \lambda, 1 + \lambda)$ . Además, el vector que une este punto con  $Q$  debe ser ortogonal a  $r$ , es decir, al vector  $\vec{v}$ , por lo tanto:

$$(1 + \lambda - 1, 1 - \lambda, 1 + \lambda - 1) \cdot (1, -1, 1) = 0 \rightarrow \lambda + \lambda - 1 + \lambda = 0 \rightarrow \lambda = \frac{1}{3}$$

Por lo que  $r$  y  $s$  se cortan en el punto  $\left(\frac{4}{3}, \frac{2}{3}, \frac{4}{3}\right)$  y un vector director es el que une dicho punto con  $Q$ , es decir  $\left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{3}\right)$ , de forma que la recta puede escribirse como sigue:

$$s \equiv (x, y, z) = (1, 0, 1) + \lambda \left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{3}\right) \rightarrow \left. \begin{array}{l} x = 1 + \frac{1}{3}\lambda \\ y = \frac{1}{3}\lambda \\ z = 1 + \frac{1}{3}\lambda \end{array} \right\}$$

(c) **(1 punto)** El plano pedido pasa por el punto  $Q$  y sus vectores directores son, el de  $r$  y el de  $s$ , se puede escribir como sigue:

$$\pi \equiv (x, y, z) = (1, 0, 1) + \lambda \left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{3}\right) + \beta \left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{3}\right) \rightarrow \left. \begin{array}{l} x = 1 + \frac{1}{3}\lambda + \beta \\ y = \frac{1}{3}\lambda - \beta \\ z = 1 + \frac{1}{3}\lambda + \beta \end{array} \right\} \rightarrow x - z = 0$$

**Pregunta 5. Opción A.** Estás jugando a un juego online consistente en lanzar bolas a una diana.

El juego te asigna un personaje al azar de 10 posibles, 4 de ellos son azules y los 6 restantes rojos. La probabilidad de que un personaje azul de en la diana es 0.95, mientras que si el personaje es rojo es de 0.65.

(a) **(1.25 puntos)** ¿Cuál es la probabilidad de que aciertes?

(b) **(1.25 puntos)** Haces un lanzamiento y aciertas en la diana, ¿qué es más probable que tengas un personaje azul o rojo?

Solución:

Llamaremos  $A$  al suceso elegir un personaje azul y  $R$  a seleccionar un personaje rojo. Llamaremos  $G$  al suceso acertar en la diana y  $P$  al suceso fallar.

Sabemos que  $P(A) = \frac{4}{10} = 0.4$ ,  $P(R) = \frac{6}{10} = 0.6$ . Además  $P(G/A) = 0.95$ ,  $P(G/R) = 0.65$ .



(a) **(1.25 puntos)** Buscamos  $P(G)$ . Utilizaremos el teorema de la probabilidad total:

$$P(G) = P(G \cap A) + P(G \cap R) = P(G/A)P(A) + P(G/R)P(R) = 0.95 \times 0.4 + 0.65 \times 0.6 = 0.77$$

(b) **(1.25 puntos)** Se pide la comparación entre  $P(A/G)$  y  $P(R/G)$ :

$$P(A/G) = \frac{P(A \cap G)}{P(G)} = \frac{P(G/A)P(A)}{P(G)} = \frac{0.95 \times 0.4}{0.77} = 0.4935$$

$$P(R/G) = \frac{P(R \cap G)}{P(G)} = \frac{P(G/R)P(R)}{P(G)} = \frac{0.65 \times 0.6}{0.77} = 0.5065$$

Luego es más probable que se haya seleccionado un personaje rojo.

---

**Pregunta 5. Opción B.** En una comunidad autónoma se pretende medir el nivel de conocimientos en matemáticas de estudiantes de cuarto de ESO. Para ello se realiza un examen tipo test con 100 preguntas y en cada una de ellas debe decidirse si la afirmación es verdadera o falsa. Un estudiante decide responder al azar a todas las preguntas.

(a) **(0.75 puntos)** Comprueba que el número de respuestas acertadas puede ser aproximada por una distribución normal y decide los parámetros que la describen.

(b) **(0.75 puntos)** Utilizando la aproximación anterior, calcula la probabilidad de que un estudiante que haya respondido al azar obtenga más de un 6, es decir, que tenga al menos 60 aciertos.

(c) **(1 punto)** Supongamos que se reduce el número de preguntas del examen a 10. Calcula la probabilidad de que un estudiante que responde al azar acierte 5 preguntas.

---

Solución:

(a) **(0.75 puntos)** Denotando por A el acierto y con F el fallo,  $P(A) = 0.5$ . La variable aleatoria X 'acierto' sigue una distribución  $B(100, 0.5)$ . Los datos son acordes para aproximar la binomial por la distribución normal:

$$n = 100 \geq 30; \quad np = 100 \times 0.5 = 50 \geq 5; \quad nq = 100 \times 0.5 = 50 \geq 5$$

De esta forma podemos aproximar la binomial por una normal. Los parámetros son:

$$\mu = np = 50; \quad \sigma = \sqrt{npq} = \sqrt{100 \times 0.5 \times 0.5} = 5$$

Es decir, podemos aproximar  $B(100, 0.5)$  por una  $N(50, 5)$ .



(b) **(0.75 puntos)**  $P(X \geq 60) = 1 - P(X \leq 60) = 1 - P\left(Z \leq \frac{60 - 50}{5}\right) = 1 - P(Z \leq 2) = 1 - 0.9772 = 0.0228$

Si se realiza la corrección de Yates, entonces

$$\begin{aligned} P(X \geq 60) &= P(X' \geq 59.5) = 1 - P(X \leq 59.5) = 1 - P\left(Z \leq \frac{59.5 - 50}{5}\right) \\ &= 1 - P(Z \leq 1.9) = 1 - 0.9713 = 0.0227 \end{aligned}$$

(c) **(1 punto)** En estas condiciones,  $n = 10 \not\geq 30$  por lo tanto no se puede aproximar por una normal, es necesario resolverlo con la distribución binomial  $B(10, 0.5)$ :

$$P(X = 5) = \binom{10}{5} 0.5^5 0.5^5 = \frac{10!}{5!5!} 0.5^5 0.5^5 = 0.2461$$

---

### Criterios de corrección

#### Pregunta 1. Opción A.

##### Criterios específicos de corrección

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque A: Sentido numérico.
- Bloque D: Sentido algebraico.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 1 punto los apartados (a) y (b) y 0.5 puntos el apartado (c).

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE3, CE4, CE5, CE6, CE8, CE9.

#### Pregunta 1. Opción B.

##### Criterios específicos de corrección

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:



- Bloque A: Sentido numérico.
- Bloque D: Sentido algebraico.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 1.25 puntos cada apartado.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE4, CE5, CE6, CE8, CE9.

### **Pregunta 2. Opción A.**

#### **Criterios específicos de corrección**

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque B: Sentido de la medida.
- Bloque D: Sentido algebraico.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 1 punto los apartados (a) y (b) y 0.5 puntos el apartado (c).

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE3, CE5, CE6, CE7, CE8, CE9.

### **Pregunta 2. Opción B.**

#### **Criterios específicos de corrección**

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque B: Sentido de la medida.
- Bloque D: Sentido algebraico.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 1.25 puntos cada apartado.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE3, CE5, CE6, CE7, CE8, CE9.





### **Pregunta 3. Opción A.**

#### **Criterios específicos de corrección**

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque B: Sentido de la medida.
- Bloque D: Sentido algebraico.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 0.5 puntos el apartado (a), 1 punto los apartados (b) y (c) .

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE3, CE5, CE6, CE7, CE8, CE9.

### **Pregunta 3. Opción B.**

#### **Criterios específicos de corrección**

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque B: Sentido de la medida.
- Bloque C: Sentido espacial.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 1.25 puntos cada apartado.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE4, CE6, CE7, CE8, CE9.

### **Pregunta 3. Opción B.**

#### **Criterios específicos de corrección**

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque B: Sentido de la medida.
- Bloque C: Sentido espacial.



- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 0.75 puntos los apartados (a) y (b), 1 punto el apartado (c).

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE4, CE6, CE7, CE8, CE9.

#### **Pregunta 5. Opción A.**

##### **Criterios específicos de corrección**

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque B: Sentido de la medida.
- Bloque E: Sentido estocástico.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 1.25 puntos cada apartado.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE3, CE6, CE7, CE8, CE9.

#### **Pregunta 5. Opción B.**

##### **Criterios específicos de corrección**

**SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta:

- Bloque B: Sentido de la medida.
- Bloque E: Sentido estocástico.
- Bloque F: Sentido socioafectivo.

Calificación máxima otorgada: 0.75 puntos los apartados (a) y (b) 1 punto el apartado (c).

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**Competencias desarrolladas:** CE1, CE2, CE3, CE6, CE7, CE8, CE9.